

K1 – Zadaci 1,2,3,4

K2 – Zadaci 5,6,7,8

Integralni ispit – Zadaci 1,3,4,5,7,8

**Na naslovnoj strani obavezno zaokružiti redne brojeve zadataka koji su rađeni i naglasiti izbor ispita.**

1. Trajanje ispita 180 minuta.
2. Ispit se radi u vežbanci.
3. Dozvoljena je upotreba kalkulatora.

*Napomena: Sve realizacije je potrebno nacrtati i obeležiti odgovarajuće signale.*

---

### 1. Zadatak (a -4, b - 6, c - 5, d - 5, e - 5 poena)

- a) Data je funkcija  $Y = f(A, B, C, D) = (AB\bar{C} + \bar{A}\bar{B}C)B\bar{D} + \bar{A}\bar{B}CD$ . Popuniti Karnoovu kartu za funkciju  $Y$  i odrediti njen izraz u minimalnoj formi u obliku zbira proizvoda.  
b) Predstaviti funkciju  $Y$  u obliku proizvoda zbireva i realizovati je ukoliko su na raspolaganju samo NILI logička kola i prave vrednosti signala. Težiti da funkcija i broj upotrebljenih kola budu minimalni.  
c) U realizovanoj šemi iz tačke b) proveriti da li postoji mogućnost pojave statičkih hazarda i pri kojim prelazima? Korigovati funkciju  $Y$  tako da se ukloni mogućnost pojave statičkih hazarda.  
d) Realizovati funkciju  $Y$  korišćenjem samo jednog multipleksera 8/1 čiji su selekcioni signali aktivni u logičkoj nuli.  
e) Realizovati funkciju  $Y$  korišćenjem jednog dekodera 3/8 i osnovnih logičkih kola.

---

### 2. Zadatak (a – 8, b – 7, c – 10)

- a) Projektovati kolo kodera prioriteta sa 8 ulaza i aktivnim logičkim nulama na ulazima.
- b) Projektovati kolo specifičnog dekodera sa 8 izlaza aktivnih sa logičkim nulama koji osim selektovanog izlaza daje logičke nule i na svim izlazima sa nižim indeksima.
- c) Projektovati kolo koje inkrementira 7bitni neoznačeni binarni broj korišćenjem kola niskog stepena integracije i kola projektovanih u tačkama a) i b). Nije dozvoljena upotreba sabirača i operacije sabiranja.

---

### 3. Zadatak (a – 5, b – 7, c – 7, d – 6 poena)

*Napomena: Ukoliko broj nema oznaku KMV, KO ili ZA u indeksu smatrati da je neoznačen.*

*BITNO: Svaki račun prikazati korak po korak u osnovi u kome su brojevi dati.*

*Bez detaljnog postupka rešenje zadatka je nevažeće.*

- a) Odrediti vrednosti X i Y:

- $X_{10} = 245_7 + 1011\ 0100_{BCD2421}$
- $Y_{4KMV} = B37_{16KO}$

- b) Odrediti odnose između sledećih izraza, ukoliko je na raspolaganju 6 bita

- $100110_{KMV} - 000111_{KMV} \quad 100110_{KO} - 000111_{KO}$
- $100110_{ZA} + 000111_{ZA} \quad 100110_2 - 000111_2$

*Napomena: Ukoliko dođe do prekoračenja, naznačiti to i nastaviti sa šestobitnim dobijenim rezultatom.*

- c) Odrediti odnose između sledećih izraza, ukoliko je na raspolaganju proizvoljan broj cifara

- $524_{7KO} - 136_{7KO} \quad -(1001\ 1000_{BCD8421} + 0101\ 1000_{BCD8421})$
- $010.011_{KO} * 100.101_{KO} \quad 100101_{KMV} - 101101_{KO}$

- d) Odrediti vrednost broja datog u GrayBCD predstavi sa 3 cifre, a zatim zaštićenog Hamming-ovim kodom sa rastojanjem  $Hd = 3$ , ukoliko je kodovana poruka koja je pristigla 0 0011 0100 0011 1011.

---

### 4. Zadatak (a-7, b-10, c-8 poena)

- a) Nacrtati realizaciju potpunog jednobitnog sabirača korišćenjem samo NI logičkih kola.
- b) Korišćenjem samo komponenti iz tačke a) realizovati sabirač trobitnih označenih brojeva. Realizovati signal prekoračenja opsega. Ako je kašnjenje kola niskog stepena integracije  $t_p$  izračunati maksimalno kašnjenje sabirača.
- c) Korišćenjem komponenti iz tačke b) i kola niskog stepena integracije realizovati sabirač-oduzimač označenih trobitnih brojeva. Korišćenjem rezultata iz tačke b) izračunati maksimalno kašnjenje ovakvog sabirača.

## 5. Zadatak (a - 5, b - 5, c - 5, d - 5, e- 5 poena)

CMOS tehnologija – 180nm,  $V_{DD} = 1.8V$ ,  $\mu_n = 417 \frac{cm^2}{VS}$ ,  $\mu_p = 85 \frac{cm^2}{VS}$ ,  $V_{Tn} = 0.45V$ ,  $V_{Tp} = -0.45V$ ,

$$k_n = 351 \times 10^{-6} \frac{A}{V^2}, k_p = 71 \times 10^{-6} \frac{A}{V^2}, \lambda_n = \lambda_p = 0 \frac{1}{V}, E_{Cn} = 3.8 \times 10^5 \frac{V}{cm}, E_{Cp} = 18.8 \times 10^5 \frac{V}{cm}$$

a) Izvesti izraz za odnose širine kanala  $n$  i  $p$  tranzistora CMOS invertora minimalne geometrije da bi se minimizovalo srednje kašnjenje invertora.

b) Za odnose širina kanala iz tačke a) izvesti izraze i izračunati dinamičke otpornosti  $p$  i  $n$  kanalnog tranzistora potrebne za procenu kašnjenja.

c) Za odnose širina kanala iz tačke a) izračunati prag odlučivanja logičkog kola.

d) Za odnose širina kanala iz tačke a) izračunati maksimalnu struju kratkog spoja.

e) izračunati disipaciju kratkog spoja u CMOS invertoru iz tačke a), ako se na ulazu nalazi signal učestanosti 1GHz, čije je vreme uspona i pada jednako 10ps.

## 6. Zadatak (a - 5, b - 13, c – 7 poena)

Za logičko kolo sa slike 6. odrediti:

a) Režim rada tranzistora  $Q_4$  i vrednost napona  $V_R$ .

b) Logičke funkcije kola ( $Y_1 = f(A, B)$ ,  $Y_2 = g(A, B)$ ) i režime rada svih tranzistora za sve kombinacije logičkih nivoa na ulazu kola.

Potrebno je dokazati da tranzistori zaista rade u prepostavljenim režimima za dato logičko stanje na ulazima.

c) Odrediti margine šuma kola u slučaju višestrukog izvora šuma.

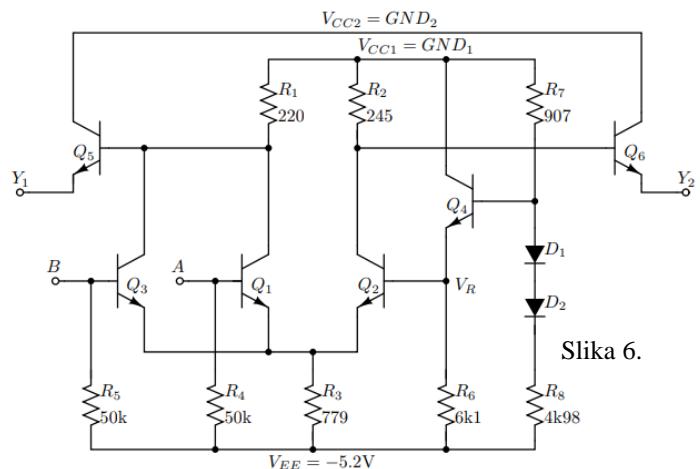
Poznato je:

$$V_{BE} = V_D = 0.75V, V_Y = V_{YD} = 0.7V, V_{BES} = 0.8V, V_{CES} = 0.2V,$$

$$\beta_F = 50$$

Koristiti sledeće skraćenice za označavanje režima rada tranzistora: **ZAK** – zakočenje, **DAR** – direktan aktivni režim, **ZAS** – direktno zasićenje, **IAR** – inverzni aktivni režim, **IZAS** – inverzno zasićenje.

Koristiti sledeće skraćenice za označavanje režima rada dioda: **ON** – provodi, **OFF** – zakočena.



Slika 6.

## 7. Zadatak (a -3 , b – 6, c – 5, d – 5, e - 6 poena)

a) Napisati funkcionalnu tabelu za funkciju  $Y = f(A, B, C, D)$ , gde je  $Y = 1$  ukoliko je ABCD validan kôd u predstavi BCD2421, a  $Y = 0$  ukoliko nije.

b) Projektovati jednostepeno statičko CMOS logičko kolo koje realizuje funkciju  $Y$ . Na ulazu su dostupne i negacije ulaznih promenljivih. Odrediti odnose širine svih tranzistora tako da kritična kašnjenja uzlazne i silazne ivice budu izjednačena i odgovaraju kašnjenjima referentnog invertora kod koga je  $W_p: W_n = 2: 1$ .

c) Realizovati funkciju  $Y$  koristeći transmisione gejtove.

d) Projektovati jednostepeno dinamičko CMOS logičko kolo koje realizuje funkciju  $Z = \bar{Y}$ . Težiti da broj upotrebljenih tranzistora bude minimalan. Na ulazu su dostupne i negacije logičkih promenljivih.

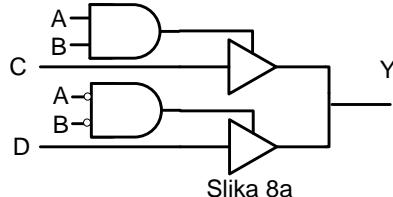
e) Za funkciju  $Z = \bar{Y}$  odrediti da li i pri kojim prelazima se javljaju lažne jedinice. Ilustrovati vremenskim dijagramom jedan slučaj pojave hazarda.

## 8. Zadatak (a -5, b – 6, c- 6, d - 8 poena)

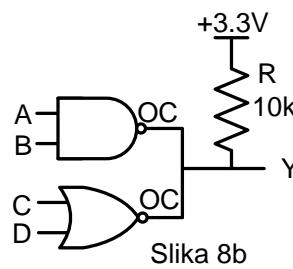
Funkcionalnom tabelom ili na drugi pogodan način prikazati funkciju dela digitalnog sistema realizovanog standardnim CMOS logičkim kolima sa napajanjem +5V:

a) prikazanog na slici 8a; b) prikazanog na slici 8b. c) Prikazanog na slici 8c,

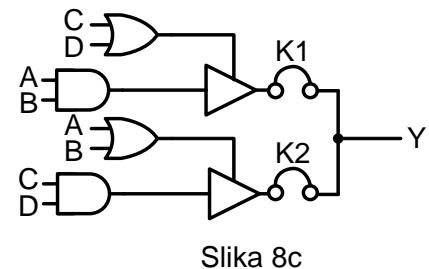
d) Modifikovati šemu sa slike 8c postavljanjem elemenata umesto kratkospojnika K1 i K2 tako da se eventualna neregularna situacija iz tačke c ne može desiti. Koja je funkcija kola u tom slučaju?



Slika 8a



Slika 8b



Slika 8c